

# Függvények

## Lineáris függvények

1) Ábrázoljuk a következő függvényeket!

- |                          |                              |
|--------------------------|------------------------------|
| a) $f(x) = x$            | b) $f(x) = 2x$               |
| c) $f(x) = 3x$           | d) $f(x) = -x$               |
| e) $f(x) = -2x$          | f) $f(x) = -3x$              |
| g) $f(x) = \frac{1}{2}x$ | h) $f(x) = \frac{1}{3}x$     |
| i) $f(x) = \frac{2}{3}x$ | j) $f(x) = -\frac{1}{2}x$    |
| k) $f(x) = x + 3$        | l) $f(x) = x - 2$            |
| m) $f(x) = 2x - 1$       | n) $f(x) = \frac{2}{3}x + 2$ |

Tovább a feladathoz

2) Ábrázoljuk és jellemizzük a következő függvényeket!

- |                               |                              |
|-------------------------------|------------------------------|
| a) $f(x) = x$                 | b) $f(x) = 2x$               |
| c) $f(x) = \frac{1}{2}x$      | d) $f(x) = -x$               |
| e) $f(x) = x + 3$             | f) $f(x) = x - 2$            |
| g) $f(x) = 2x - 1$            | h) $f(x) = 2 - x$            |
| i) $f(x) = \frac{2}{3}x + 2$  | j) $f(x) = \frac{1}{4}x - 1$ |
| k) $f(x) = -\frac{3}{4}x + 2$ | l) $f(x) = \frac{1}{3}x + 1$ |
- É.T.:  $[-3; 3]$

Tovább a feladathoz

## Konstans függvények

3) Ábrázoljuk és jellemizzük a következő függvényeket!

- a)  $f(x) = 2$
- b)  $f(x) = 0$
- c)  $f(x) = -1$

Tovább a feladathoz

## Abszolútérték függvények

4) Ábrázoljuk a következő függvényeket!

a)  $f(x) = |x|$

b)  $f(x) = |2x|$

c)  $f(x) = \left| \frac{1}{2}x \right|$

d)  $f(x) = |x + 3|$

e)  $f(x) = |x - 2|$

f)  $f(x) = |x| + 3$

g)  $f(x) = |x| - 1$

h)  $f(x) = |x - 1| + 2$

i)  $f(x) = |x + 3| - 1$

j)  $f(x) = |2x + 2|$

k)  $f(x) = ||x + 3| - 1|$

l)  $f(x) = -|-x|$

m)  $f(x) = -|x|$

n)  $f(x) = -|-x|$

Tovább a feladathoz

5) Ábrázoljuk és jellemezzük a következő függvényeket!

a)  $f(x) = |x|$

b)  $f(x) = |2x|$

c)  $f(x) = \left| \frac{1}{2}x \right|$

d)  $f(x) = |x + 3|$

e)  $f(x) = |x| - 2$

f)  $f(x) = |x| + 3$

g)  $f(x) = |x - 1| + 2$

h)  $f(x) = |x + 3| - 1$

i)  $f(x) = |-x + 1| - 2$

j)  $f(x) = 2|x + 2|$

k)  $f(x) = |2x + 2|$

l)  $f(x) = |-x|$

m)  $f(x) = -|x|$

n)  $f(x) = -|-x|$

o)  $f(x) = ||x + 3| - 1|$

p)  $f(x) = |x - 1| + 2$  É.T.:  $[-1; 4]$

Tovább a feladathoz

## Másodfokú függvények

6) Ábrázoljuk a következő függvényeket!

- |                           |                           |
|---------------------------|---------------------------|
| a) $f(x) = x^2$           | b) $f(x) = (x + 1)^2$     |
| c) $f(x) = (x - 1)^2$     | d) $f(x) = x^2 + 1$       |
| e) $f(x) = x^2 - 2$       | f) $f(x) = (x - 2)^2 + 2$ |
| g) $f(x) = (x + 1)^2 - 1$ | h) $f(x) = 2(x + 2)^2$    |
| i) $f(x) = x^2 - 4x + 3$  | j) $f(x) = (-x)^2$        |
| k) $f(x) = -x^2$          | l) $f(x) = -(-x)^2$       |

**Tovább a feladathoz**

7) Ábrázoljuk és jellemezzük a következő függvényeket!

- |                           |                           |
|---------------------------|---------------------------|
| a) $f(x) = x^2$           | b) $f(x) = (x + 1)^2$     |
| c) $f(x) = (x - 1)^2$     | d) $f(x) = x^2 + 1$       |
| e) $f(x) = x^2 - 2$       | f) $f(x) = (x - 2)^2 + 2$ |
| g) $f(x) = (x + 2)^2 - 1$ | h) $f(x) = (x + 1)^2 - 1$ |
| i) $f(x) = 2(x + 3)^2$    | j) $f(x) = (2x + 4)^2$    |
| k) $f(x) = (-x)^2$        | l) $f(x) = -x^2$          |
| m) $f(x) = -(-x)^2$       | n) $f(x) = x^2 - 4x + 3$  |
| o) $f(x) = (x - 1)^2 - 1$ | É.T.: $[-1; 1[$           |

**Tovább a feladathoz**

## Négyzetgyök függvények

8) Ábrázoljuk a következő függvényeket!

- |                              |                              |
|------------------------------|------------------------------|
| a) $f(x) = \sqrt{x}$         | b) $f(x) = \sqrt{x} + 1$     |
| c) $f(x) = \sqrt{x} - 2$     | d) $f(x) = \sqrt{x + 1}$     |
| e) $f(x) = \sqrt{x - 2}$     | f) $f(x) = \sqrt{x + 1} + 2$ |
| g) $f(x) = \sqrt{x - 1} - 3$ | h) $f(x) = 2\sqrt{x + 1}$    |
| i) $f(x) = \sqrt{2x - 2}$    | j) $f(x) = -\sqrt{x}$        |
| k) $f(x) = \sqrt{-x}$        | l) $f(x) = -\sqrt{-x}$       |

**Tovább a feladathoz**

9) Ábrázoljuk és jellemizzük a következő függvényeket!

a)  $f(x) = \sqrt{x}$

b)  $f(x) = \sqrt{x} + 1$

c)  $f(x) = \sqrt{x} - 2$

d)  $f(x) = \sqrt{x+1}$

e)  $f(x) = \sqrt{x+1} + 2$

f)  $f(x) = \sqrt{x-1} - 3$

g)  $f(x) = \sqrt{x+2} - 1$

h)  $f(x) = 2\sqrt{x+1}$

i)  $f(x) = \sqrt{2x-2}$

j)  $f(x) = -\sqrt{x}$

k)  $f(x) = \sqrt{-x}$

l)  $f(x) = -\sqrt{-x}$

m)  $f(x) = \sqrt{-x-1} + 1$

n)  $f(x) = \sqrt{x-1} - 1$  É.T.: ]2; 5[

Tovább a feladathoz

#### Tört függvények

10) Ábrázoljuk a következő függvényeket!

a)  $f(x) = \frac{1}{x}$

b)  $f(x) = \frac{1}{x} + 2$

c)  $f(x) = \frac{1}{x} - 1$

d)  $f(x) = \frac{1}{x+2}$

e)  $f(x) = \frac{1}{x-1}$

f)  $f(x) = \frac{1}{x-1} + 2$

g)  $f(x) = \frac{1}{x+1} - 2$

h)  $f(x) = -\frac{1}{x}$

i)  $f(x) = -\frac{1}{-x}$

j)  $f(x) = \frac{x+4}{x+2}$

k)  $f(x) = \frac{1}{x}$

l)  $f(x) = \frac{1}{x} + 2$

Tovább a feladathoz

11) Ábrázoljuk és jellemizzük a következő függvényeket!

a)  $f(x) = \frac{1}{x}$

b)  $f(x) = \frac{1}{x} - 1$

c)  $f(x) = \frac{1}{x+2}$

d)  $f(x) = \frac{1}{x-1} + 2$

e)  $f(x) = \frac{1}{x+1} - 2$

f)  $f(x) = \frac{1}{x-1} + 2$

g)  $f(x) = -\frac{1}{x}$

h)  $f(x) = \frac{x+4}{x+2}$

i)  $f(x) = \frac{x+3}{x-1}$

j)  $f(x) = \frac{1}{x+2} - 1$  É.T.: ]-4; 0[ \{-2\}

Tovább a feladathoz

## Függvény transzformációk

12) Ábrázoljuk a következő függvényeket függvény transzformációk segítségével!

- a)  $f(x) = 2 \cdot |-x - 2| + 1$
- b)  $f(x) = -(x + 1)^2 + 3$
- c)  $f(x) = -2 \cdot \sqrt{6 - x} + 2$
- d)  $f(x) = -\frac{2}{x-1} - 1$

Tovább a feladathoz

## Egyenletek grafikus megoldása

13) Oldjuk meg a következő egyenleteket grafikus módszerrel!

- a)  $-x + 1 = 2x + 4$
- b)  $\frac{2}{3}x - 2 = -x + 3$
- c)  $2x + 3 = \frac{3x-6}{3} + x + 3$
- d)  $\frac{x-8}{2} = -3 + 0,5x + 1$
- e)  $x + 1 = x^2 + 2x - 1$

Tovább a feladathoz

## Egyenlőtlenségek

14) Oldjuk meg a következő egyenlőtlenségeket algebrai és grafikus módon is!

- a)  $3x - 2 > 2 - x$
- b)  $-4x - 3 \leq -2 - 3x$

Tovább a feladathoz

## Abszolútérték egyenletek

15) Oldjuk meg a következő abszolútérték egyenleteket!

- a)  $|x + 2| = 3$
- b)  $|x - 1| = 0$
- c)  $|x + 3| = -2$
- d)  $|2x + 3| = x + 6$
- e)  $|x - 2| = 3x + 8$
- f)  $|4x + 1| = 2x - 5$
- g)  $|2 - x| = 2x - 1$

Tovább a feladathoz